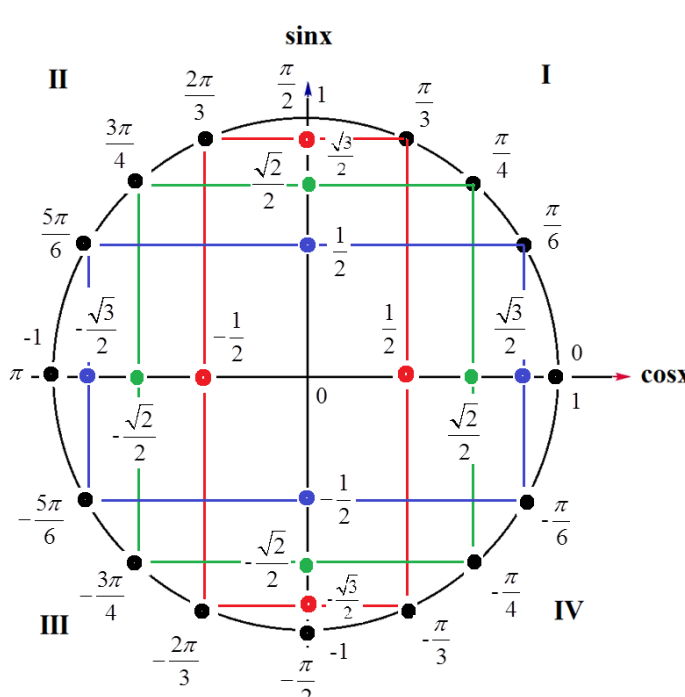
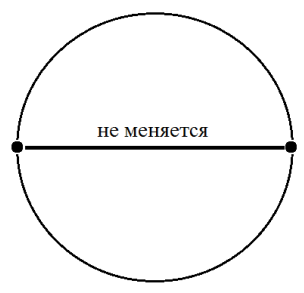
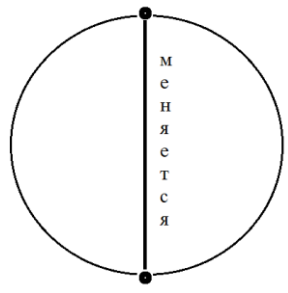
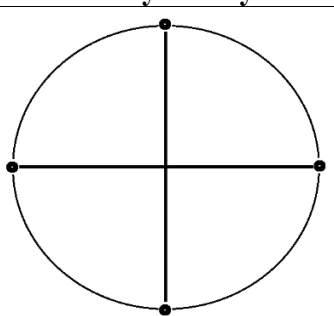


1. Основные тригонометрические формулы

<p>Формулы одного аргумента</p> <p>1) $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$; 2) $1 + \operatorname{tg}^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$;</p> <p>3) $1 + \operatorname{ctg}^2 x = \frac{1}{\sin^2 x}$; 4) $\operatorname{tg} x \cdot \operatorname{ctg} x = 1$;</p> <p>5) $\operatorname{tg} x = \frac{\sin x}{\cos x}$; 6) $\operatorname{ctg} x = \frac{\cos x}{\sin x}$;</p>	<p>Формулы двойного аргумента</p> <p>$\sin 2x = 2 \sin x \cos x = \frac{2 \operatorname{tg} x}{1 + \operatorname{tg}^2 x}$;</p> <p>$\cos 2x = \cos^2 x - \sin^2 x = 2 \cos^2 x - 1 =$ $= 1 - 2 \sin^2 x = \frac{1 - \operatorname{tg}^2 x}{1 + \operatorname{tg}^2 x}$;</p>
<p>Формулы суммы и разности аргументов</p> <p>$\cos(x + y) = \cos x \cos y - \sin x \sin y$, $\cos(x - y) = \cos x \cos y + \sin x \sin y$,</p> <p>$\sin(x + y) = \sin x \cos y + \cos x \sin y$, $\sin(x - y) = \sin x \cos y - \cos x \sin y$,</p> <p>$\operatorname{tg}(x + y) = \frac{\operatorname{tg} x + \operatorname{tg} y}{1 - \operatorname{tg} x \operatorname{tg} y}$, $\operatorname{tg}(x - y) = \frac{\operatorname{tg} x - \operatorname{tg} y}{1 + \operatorname{tg} x \operatorname{tg} y}$,</p>	
<p>$\sin x \cos y = \frac{1}{2}(\sin(x + y) + \sin(x - y))$, $\cos x \cos y = \frac{1}{2}(\cos(x + y) + \cos(x - y))$, $\sin x \sin y = \frac{1}{2}(\cos(x - y) - \cos(x + y))$.</p>	

<p>2. Тригонометрический круг</p> 	<p>3. Знаки тригонометрических функций по четвертям</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th></th> <th>I</th> <th>II</th> <th>III</th> <th>IV</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Sinx</td> <td>+</td> <td>+</td> <td>-</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td>Cosx</td> <td>+</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>tgx</td> <td>+</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td>ctgx</td> <td>+</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>-</td> </tr> </tbody> </table>		I	II	III	IV	Sinx	+	+	-	-	Cosx	+	-	-	+	tgx	+	-	+	-	ctgx	+	-	+	-
	I	II	III	IV																						
Sinx	+	+	-	-																						
Cosx	+	-	-	+																						
tgx	+	-	+	-																						
ctgx	+	-	+	-																						

4. Формулы приведения

1. Четверть «1,2,3,4»	2. Знак «+, -»	3. Диаметр	4. Функция
		<p>«Формулы приведения применяются, если сумма углов равна значению угла в узловой точке»</p> 	

5. Простейшие тригонометрические уравнения

$\text{Sin } x = a \Rightarrow \begin{cases} a > 1 \Rightarrow \text{решений нет,} \\ a = 1 \Rightarrow \text{Sin } x = 1 \Rightarrow x = \frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}, \\ a = -1 \Rightarrow \text{Sin } x = -1 \Rightarrow x = -\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}, \\ a = 0 \Rightarrow \text{Sin } x = 0 \Rightarrow x = \pi n, n \in \mathbb{Z}, \\ \text{Sin } x = a \Rightarrow x = (-1)^n \arcsin a + \pi n, n \in \mathbb{Z} \end{cases}$	$\text{Cos } x = a \Rightarrow \begin{cases} a > 1 \Rightarrow \text{решений нет,} \\ a = 1 \Rightarrow \text{Cos } x = 1 \Rightarrow x = 2\pi n, n \in \mathbb{Z}, \\ a = -1 \Rightarrow \text{Cos } x = -1 \Rightarrow x = \pi + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}, \\ a = 0 \Rightarrow \text{Cos } x = 0 \Rightarrow x = \frac{\pi}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}, \\ \text{Cos } x = a \Rightarrow x = \pm \arccos a + 2\pi n, n \in \mathbb{Z} \end{cases}$
$\text{tg } x = a \Rightarrow \begin{cases} a = 0 \Rightarrow \text{tg } x = 0 \Rightarrow x = \pi n, n \in \mathbb{Z}, \\ \text{tg } x = a \Rightarrow x = \arctg a + \pi n, n \in \mathbb{Z} \end{cases}$	$\text{ctg } x = a \Rightarrow \begin{cases} a = 0 \Rightarrow \text{ctg } x = 0 \Rightarrow x = \frac{\pi}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}, \\ \text{ctg } x = a \Rightarrow x = \text{arctg } a + \pi n, n \in \mathbb{Z} \end{cases}$

6. Обратные тригонометрические функции

$y = \arcsin x \Leftrightarrow \begin{cases} x \in [-1; 1], \\ y \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right], \\ \sin y = x. \end{cases}$	$y = \arctg x \Leftrightarrow \begin{cases} x \in (-\infty; +\infty), \\ y \in \left(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right), \\ \text{tgy} = x. \end{cases}$
$y = \arccos x \Leftrightarrow \begin{cases} x \in [-1; 1], \\ y \in [0; \pi], \\ \cos y = x. \end{cases}$	$y = \text{arcctg } x \Leftrightarrow \begin{cases} x \in (-\infty; +\infty), \\ y \in (0; \pi), \\ \text{ctgy} = x. \end{cases}$

Формулы приведения

$$\begin{aligned} & \sin\left(\frac{\pi}{2} - t\right); \cos\left(\frac{3\pi}{2} + t\right); \cos(2\pi - t); \sin(\pi + t); \sin(\pi - t); \cos(2\pi + t); \cos\left(\frac{\pi}{2} + t\right); \sin\left(\frac{3\pi}{2} - t\right); \\ & \cos(90^\circ - \alpha); \sin(360^\circ - \alpha); \cos(180^\circ + \alpha); \sin(270^\circ + \alpha); \text{tg}(90^\circ - \alpha); \text{tg}(270^\circ + \alpha); \\ & \text{ctg}(180^\circ - \alpha); \text{ctg}(360^\circ - \alpha); \sin 240^\circ; \text{tg} 300^\circ; \cos 330^\circ; \text{ctg} 315^\circ; \cos \frac{5\pi}{3}; \sin\left(-\frac{11\pi}{6}\right); \sin \frac{7\pi}{6}; \\ & \cos\left(-\frac{7\pi}{3}\right); \cos 630^\circ - \sin 1470^\circ - \text{ctg} 1125^\circ; \sin(-7\pi) + 2\cos \frac{31\pi}{3} - \text{tg} \frac{7\pi}{4}; \text{tg} 1800^\circ - \sin 495^\circ + \cos 945^\circ; \\ & \cos(-9\pi) + 2\sin\left(-\frac{49\pi}{6}\right) - \text{ctg}\left(-\frac{21\pi}{4}\right); \sin(90^\circ - \alpha) + \cos(180^\circ + \alpha) + \text{tg}(270^\circ + \alpha) + \text{ctg}(360^\circ + \alpha); \\ & \sin\left(\frac{\pi}{2} + t\right) - \cos(\pi - t) + \text{tg}(\pi - t) + \text{ctg}\left(\frac{5\pi}{2} - t\right); \frac{\cos(180^\circ + \alpha)\cos(-\alpha)}{\sin(-\alpha)\sin(90^\circ - \alpha)}; \frac{\text{ctg}(-\alpha)\sin(-\alpha)}{\cos(360^\circ - \alpha)\text{tg}(180^\circ + \alpha)}; \\ & \frac{\sin(\pi - t)\cos(2\pi - t)}{\text{tg}(\pi - t)\cos(\pi - t)}; \frac{\sin(\pi + t)\sin(2\pi + t)}{\text{tg}(\pi + t)\cos\left(\frac{3}{2}\pi - t\right)}; \frac{\cos(\pi - t) + \cos\left(\frac{\pi}{2} - t\right)}{\sin(2\pi - t) - \sin\left(\frac{3\pi}{2} - t\right)}; \frac{\sin^2(\pi - t) + \sin^2\left(\frac{\pi}{2} - t\right)}{\sin(\pi - t)}; \\ & \frac{11\cos 287^\circ - 25\sin 557^\circ}{\sin 17^\circ}; \frac{13\sin 469^\circ - 8\cos 341^\circ}{\cos 19^\circ}; \frac{2\cos \frac{11\pi}{5} + 8\sin \frac{13\pi}{10}}{\cos \frac{\pi}{5}}; \frac{5\sin \frac{5\pi}{7} + 2\cos \frac{25\pi}{14}}{\sin \frac{2\pi}{7}}; \end{aligned}$$

1.4. Тригонометрические уравнения и выражения

1.4.1. Найдите $\cos \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ и $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$.

1.4.2. Найдите $\sin \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ и $\alpha \in (1,5\pi; 2\pi)$.

1.4.3. Найдите $18 \cos 2\alpha$, если $\cos \alpha = 0,7$.

1.4.4. Найдите $-46 \cos 2\alpha$, если $\cos \alpha = 0,1$.

1.4.5. Найдите $\operatorname{tg} \alpha$, если $\cos \alpha = -\frac{1}{\sqrt{10}}$ и $\alpha \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$.

1.4.6. Найдите $\operatorname{tg} \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{1}{\sqrt{26}}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$.

1.4.7. Найдите значение выражения $8 \sin 135^\circ \cdot \cos 45^\circ$.

1.4.8. Найдите значение выражения $27\sqrt{6} \operatorname{tg} \frac{\pi}{3} \sin \frac{\pi}{4}$.

1.4.9. Найдите значение выражения $6\sqrt{2} \cos \frac{\pi}{4} \cos \frac{7\pi}{3}$.

1.4.10. Найдите значение выражения $\frac{32}{\sin\left(-\frac{35\pi}{4}\right) \cos \frac{25\pi}{4}}$.

1.4.11. Найдите значение выражения $32\sqrt{3} \cos\left(-\frac{\pi}{6}\right) \sin\left(-\frac{\pi}{6}\right)$.

1.4.12. Найдите $17 \cos 2\alpha$, если $\sin \alpha = 0,8$.

1.4.13. Найдите $49 \cos 2\alpha$, если $\cos \alpha = \frac{2}{7}$.

1.4.14. Найдите значение выражения $30\sqrt{3} \sin 1020^\circ$.

1.4.15. Найдите значение выражения $-34\sqrt{3} \cos 930^\circ$.

1.4.16. Найдите значение выражения $10\sqrt{3} \operatorname{tg} 390^\circ$.

1.4.17. Найдите значение выражения $35 \operatorname{tg} 14^\circ \cdot \operatorname{tg} 76^\circ$.

1.4.18. Найдите значение выражения $\frac{48 \sin 76^\circ}{\sin 284^\circ}$.

1.4.19. Найдите значение выражения $\frac{35 \cos 82^\circ}{\cos 98^\circ}$.

1.4.20. Найдите значение выражения $\frac{28 \operatorname{tg} 48^\circ}{\operatorname{tg} 132^\circ}$.

1.4.21. Найдите значение выражения $\frac{17 \cos 86^\circ}{\sin 4^\circ}$.

1.4.22. Найдите значение выражения $-24 \operatorname{tg} 70^\circ \cdot \operatorname{tg} 160^\circ$.

1.4.23. Найдите значение выражения $\frac{2 \sin 32^\circ \cdot \cos 32^\circ}{\sin 64^\circ}$.

1.4.24. Найдите значение выражения $\frac{-6 \sin 32^\circ}{\sin 16^\circ \cdot \sin 74^\circ}$.

1.4.25. Найдите значение выражения $\frac{-9 \sin 136^\circ}{\cos 68^\circ \cdot \cos 22^\circ}$.

1.4.26. Найдите значение выражения $\frac{30(\sin^2 28^\circ - \cos^2 28^\circ)}{\cos 56^\circ}$.

1.4.27. Найдите значение выражения $\sqrt{2} \sin \frac{13\pi}{8} \cdot \cos \frac{13\pi}{8}$.

1.4.28. Найдите значение выражения $\sqrt{75} \cos^2 \frac{7\pi}{12} - \sqrt{75} \sin^2 \frac{7\pi}{12}$.

1.4.29. Найдите значение выражения $\sqrt{32} \cos^2 \frac{\pi}{8} - \sqrt{8}$.

1.4.30. Найдите значение выражения $\sqrt{48} - \sqrt{192} \sin^2 \frac{19\pi}{12}$.

1.4.31. Решите уравнение $\sin \frac{\pi x}{4} = -1$. В ответе напишите наибольший отрицательный корень.

1.4.32. Найдите корень уравнения $\cos \frac{\pi(2x-5)}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$. В ответе запишите наибольший отрицательный корень.

1.4.33. Решите уравнение $\operatorname{tg} \frac{\pi x}{4} = 1$. В ответе напишите наибольший отрицательный корень.

1.4.34. Решите уравнение $\operatorname{tg} \frac{\pi(x+1)}{3} = -\sqrt{3}$. В ответе напишите наименьший положительный корень.

1.4.35. Мяч бросили под углом α к плоской горизонтальной поверхности земли. Время полёта мяча (в секундах) определяется по формуле $t = \frac{2v_0 \sin \alpha}{g}$. При каком наименьшем значении угла α (в градусах) время полёта будет не меньше 5 секунд, если мяч бросают с начальной скоростью $v_0 = 25$ м/с? Считайте, что ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

1.4.36. Небольшой мячик бросают под острым углом α к плоской горизонтальной поверхности земли. Максимальная высота полёта мячика, выраженная в метрах, определяется формулой $H = \frac{v_0^2}{4g}(1 - \cos 2\alpha)$, где $v_0 = 22$ м/с — начальная скорость мячика, а g — ускорение свободного падения (считайте $g = 10$ м/с²). При каком наименьшем значении угла α (в градусах) мячик пролетит над стеной высотой 11,1 м на расстоянии 1 м?

1.4.37. Небольшой мячик бросают под острым углом α к плоской горизонтальной поверхности земли. Расстояние, которое пролетает мячик, вычисляется по формуле $L = \frac{v_0^2}{g} \sin 2\alpha$ (м), где $v_0 = 24$ м/с — начальная скорость мячика, а g — ускорение свободного падения (считайте $g = 10$ м/с²). При каком наименьшем значении угла (в градусах) мячик перелетит реку шириной 28,8 м?

1.4. Тригонометрические уравнения и выражения

1.4.1. -0,5. 1.4.2. -0,5. 1.4.3. -0,36. 1.4.4. 45,08. 1.4.5. -3. 1.4.6. -0,2. 1.4.7. 4. 1.4.8. 81. 1.4.9. 3.
1.4.10. -64. 1.4.11. -24. 1.4.12. -4,76. 1.4.13. -41. 1.4.14. -45. 1.4.15. 51. 1.4.16. 10. 1.4.17. 35.
1.4.18. -48. 1.4.19. -35. 1.4.20. -28. 1.4.21. 17. 1.4.22. 24. 1.4.23. 1. 1.4.24. -12. 1.4.25. -18.
1.4.26. -30. 1.4.27. -0,5. 1.4.28. -7,5. 1.4.29. 2. 1.4.30. -6. 1.4.31. -2. 1.4.32. -1. 1.4.33. -3.
1.4.34. 1. 1.4.35. 90. 1.4.36. 45. 1.4.37. 15. 1.4.38. 60.

Простейшие тригонометрические уравнения

1. Табличные значения

$$\sin x = -1; \sin x = -\frac{\sqrt{3}}{2}; \sin x = -\frac{\sqrt{2}}{2}; \sin x = -\frac{1}{2}; \sin x = 0; \sin x = \frac{1}{2}; \sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}; \sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}; \sin x = 1;$$

$$\cos x = -1; \cos x = -\frac{\sqrt{3}}{2}; \cos x = -\frac{\sqrt{2}}{2}; \cos x = -\frac{1}{2}; \cos x = 0; \cos x = \frac{1}{2}; \cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}; \cos x = \frac{\sqrt{3}}{2}; \cos x = 1;$$

$$\operatorname{tg} x = -\sqrt{3}; \operatorname{tg} x = -1; \operatorname{tg} x = -\frac{1}{\sqrt{3}}; \operatorname{tg} x = 0; \operatorname{tg} x = \frac{1}{\sqrt{3}}; \operatorname{tg} x = 1; \operatorname{tg} x = \sqrt{3};$$

$$\operatorname{ctg} x = -\sqrt{3}; \operatorname{ctg} x = -1; \operatorname{ctg} x = -\frac{1}{\sqrt{3}}; \operatorname{ctg} x = 0; \operatorname{ctg} x = \frac{1}{\sqrt{3}}; \operatorname{ctg} x = 1; \operatorname{ctg} x = \sqrt{3};$$

2. Не табличные значения

$$\sin x = \frac{4}{3}; \sin x = \frac{3}{4}; \sin x = -\frac{5}{4}; \sin x = -\frac{4}{5}; \cos x = \frac{4}{3}; \cos x = \frac{3}{4}; \cos x = -\frac{5}{4}; \cos x = -\frac{4}{5};$$

$$\operatorname{tg} x = \frac{4}{3}; \operatorname{tg} x = \frac{3}{4}; \operatorname{tg} x = -\frac{5}{4}; \operatorname{tg} x = -\frac{4}{5}; \operatorname{ctg} x = \frac{4}{3}; \operatorname{ctg} x = \frac{3}{4}; \operatorname{ctg} x = -\frac{5}{4}; \operatorname{ctg} x = -\frac{4}{5};$$

Тригонометрические уравнения без комбинаций

1. а) Решите уравнение $8\sin^2 x - 2\sin x - 3 = 0$.

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $[0; \pi]$.

Ответ: а) $(-1)^{n+1} \frac{\pi}{6} + \pi n; (-1)^m \arcsin \frac{3}{4} + \pi m; n, m \in \mathbb{Z}$; б) $\arcsin \frac{3}{4}; \pi - \arcsin \frac{3}{4}$;

2. а) Решите уравнение $(2x^2 - 5x - 12)(2\cos x + 1) = 0$.

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{\pi}{2}; \pi\right]$.

Ответ: а) $-\frac{3}{2}; 4; \pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi n; n \in \mathbb{Z}$; б) $-\frac{3}{2}; \frac{2\pi}{3}$.

3. а) Решите уравнение $\frac{5}{\operatorname{tg}^2 x} - \frac{19}{\sin x} + 17 = 0$.

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$.

Ответ: а) $(-1)^m \arcsin \frac{1}{3} + \pi m; m \in \mathbb{Z}$; б) $-3\pi - \arcsin \frac{1}{3}$;

4. а) Решите уравнение $2\sin 2x + \sin x = 4\cos x + 1$.

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[\frac{\pi}{2}; \frac{3\pi}{2}\right]$.

Ответ: а) $\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \pm \arccos\left(-\frac{1}{4}\right) + 2\pi m; n, m \in \mathbb{Z}$; б) $\frac{\pi}{2}; \arccos\left(-\frac{1}{4}\right); 2\pi - \arccos\left(-\frac{1}{4}\right)$;

5. а) Решите уравнение $\sqrt{2} \sin^2\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = \sin\left(\frac{3\pi}{2} + x\right)$.

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{5\pi}{2}; -\pi\right]$.

Ответ: а) $\frac{\pi}{2} + \pi n; \pm \frac{3\pi}{4} + 2\pi m; n, m \in \mathbb{Z}$; б) $-\frac{5\pi}{2}; -\frac{3\pi}{2}; -\frac{5\pi}{4}$;

6. а) Решите уравнение $\frac{7}{\sin^2 x} - \frac{10}{\sin x} + 3 = 0$.

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{5\pi}{2}; \pi\right]$.

Ответ: а) $\frac{\pi}{2} + 2\pi n; n \in \mathbb{Z}$; б) $-\frac{3\pi}{2}; \frac{\pi}{2}$;

7. а) Решите уравнение $\frac{1}{\sin^2 x} - \frac{3}{\cos\left(\frac{3\pi}{2} - x\right)} + 2 = 0$.

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[2\pi; \frac{7\pi}{2}\right]$.

Ответ: а) $-\frac{\pi}{6} + 2\pi n; -\frac{5\pi}{6} + 2\pi n; -\frac{\pi}{2} + 2\pi n; n \in \mathbb{Z}$; б) $3\frac{1}{6}\pi; \frac{7\pi}{2}$;

8. а) Решите уравнение $\sin 2x - 12(\sin x - \cos x) + 12 = 0$.

б) Найдите наибольший отрицательный корень уравнения Ответ: а) $\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \pi + 2\pi n; n \in \mathbb{Z}$; б) $-\pi$;

9. а) Решите уравнение $\sin^2(x + \pi) - \cos\left(-\frac{3\pi}{2} - x\right) = 0$

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{7}{2}\pi; -2\pi\right]$.

Ответ: а) $\pi n, n \in \mathbb{Z}; \frac{\pi}{2} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$; б) $-\frac{7\pi}{2}; -3\pi; -2\pi$;

10. а) Решите уравнение $2 \cdot 16^{\cos x} - 9 \cdot 4^{\cos x} + 4 = 0$

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-3\pi; -\frac{3}{2}\pi\right]$.

Ответ: а) $2\pi n, n \in \mathbb{Z}; \pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$; б) $-\frac{8\pi}{3}; -2\pi$;

11. а) Решите уравнение $3 \cdot 81^{\sin x} - 28 \cdot 9^{\sin x} + 9 = 0$

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-4\pi; -\frac{5}{2}\pi\right]$.

Ответ: а) $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}; -\frac{\pi}{6} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}; -\frac{5\pi}{6} + 2\pi m, m \in \mathbb{Z}$; б) $-\frac{7\pi}{2}; -\frac{17\pi}{6}$;

12. а) Решите уравнение $25^{\sqrt{3}\cos\left(x + \frac{3\pi}{2}\right)} = \left(\frac{1}{5}\right)^{2\cos(x + \pi)}$

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[2\pi; \frac{7}{2}\pi\right]$.

Ответ: а) $\frac{\pi}{6} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$; б) $\frac{13\pi}{6}; \frac{19\pi}{6}$;

13. а) Решите уравнение $6\log_8^2(\cos x) - 5\log_8(\cos x) - 1 = 0$

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[\frac{5\pi}{2}; 4\pi\right]$.

Ответ: а) $\pm \frac{\pi}{4} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$; б) $\frac{15\pi}{4}$;

6. а) Решите уравнение $\log_4(2^{2x} - \sqrt{3}\cos x - 6\sin^2 x) = x$

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[\frac{5\pi}{2}; 4\pi\right]$.

Ответ: а) $\pm \frac{5\pi}{6} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$; б) $\frac{17\pi}{6}; \frac{19\pi}{6}$;

14. а) Решите уравнение $2x\cos x - 8\cos x + x - 4 = 0$

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{\pi}{2}; \pi\right]$. Ответ: а) $\pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}; 4$; б) $\frac{2\pi}{3}$;

15. а) Решите уравнение $\sin x + 2\sin\left(2x + \frac{\pi}{6}\right) = \sqrt{3}\sin 2x + 1$

б) Укажите все корни уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$.

Ответ: а) $\pi k, \frac{\pi}{6} + 2\pi n, \frac{5\pi}{6} + 2\pi m, k, n, m \in \mathbb{Z}$; б) $\frac{2\pi}{3}$;

16. а) Решите уравнение $2\cos^3 x + \sqrt{3}\cos^2 x + 2\cos x + \sqrt{3} = 0$.

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-2\pi; -\frac{\pi}{2}\right]$.

Ответ: а) $\pm \frac{5\pi}{6} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$; б) $-\frac{7\pi}{6}; -\frac{5\pi}{6}$

17. а) Решите уравнение $2\cos^3 x - \cos^2 x + 2\cos x - 1 = 0$.

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-2\pi; -\frac{\pi}{2}\right]$.

Ответ: а) $\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$; б) $\frac{7\pi}{3}$;

№	Уравнение	Решение	Отрезок	Отобранные корни
1.	$2^{2\cos\left(5x-\frac{\pi}{4}\right)} = 4.$	$\frac{\pi}{20} + \frac{2\pi n}{5}$	$\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$	$\frac{-63\pi}{20}; \frac{-55\pi}{20}; \frac{-47\pi}{20};$
2.	$9^{2\sin(\pi(x-1))} = 3^{-2\sqrt{2}}.$	$(-1)^{n+1} \frac{1}{4} + n + 1.$	$\left[\frac{5}{2}; 4\right]$	$2\frac{3}{4};$
3.	$\log_6 2\sqrt{2} + \log_6 \cos\left(\frac{\pi-2x}{3}\right) = \log_9 \left \sin \frac{3\pi}{2} - 2 \right .$	$\frac{\pi}{4} + 3\pi n; \frac{3\pi}{4} + 3\pi n; .$	$\left[\frac{\pi}{2}; \frac{5\pi}{2}\right]$	$\frac{3\pi}{4}$
4.	$7^{\lg^2 x} = (\sqrt{7})^6.$	$\pm \frac{\pi}{3} + \pi n.$	$\left[-2\pi; -\frac{\pi}{2}\right]$	$-\frac{2\pi}{3}; -\frac{4\pi}{3}; -\frac{5\pi}{3};$
5.	$\log_{\sqrt{2}} \left(-2\sin^2 2x - 5\cos\left(\frac{\pi}{2} - 2x\right) \right) = 2.$	$-\frac{\pi}{12} + \pi n; -\frac{5\pi}{12} + \pi n;$	$\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$	$-\frac{35\pi}{12}; -\frac{41\pi}{12};$
6.	$4\sin\left(\pi - \frac{x}{2}\right) = 4 + \sin^2\left(\frac{\pi}{2} - \frac{x}{2}\right).$	$\pi + 4\pi n$	$\left[\frac{5\pi}{2}; 10\pi\right]$	$5\pi; 9\pi$
7.	$3^{\operatorname{ctg}^2(\pi+x)} \cdot 3^{\frac{3}{\sin(\pi-x)}} = \frac{1}{27}.$	$-\frac{\pi}{2} + 2\pi n; (-1)^{k+1} \frac{\pi}{6} + \pi k$	$\left[\frac{\pi}{2}; \frac{5\pi}{2}\right]$	$\frac{3\pi}{2}; \frac{11\pi}{6}; \frac{7\pi}{6};$
8.	$\log_{\frac{1}{3}} \left(-\cos 2x + 3\sqrt{2} \cos(\pi - x) \right) = -1.$	$\pm \frac{3\pi}{4} + 2\pi n$	$\left[-2\pi; -\frac{\pi}{2}\right]$	$-\frac{5\pi}{4}; -\frac{3\pi}{4};$
9.	$32^{\sin\left(\pi-\frac{x}{2}\right)} = 8 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\cos x}.$	$(-1)^k \frac{\pi}{3} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}.$	$\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$	$-\frac{7\pi}{3}$
10.	$125^{\cos \pi x} = \frac{5^{\sin^2 \pi x}}{125}$	$1 + 2n$	$\left[\frac{5}{2}; 4\right]$	3
11.	$\frac{\sin^2 2x}{4^{\cos 2x-1}} = 64^{\cos(2x-\pi)}.$	$\pm \frac{\pi}{6} + \pi n$	$\left[\frac{\pi}{2}; \frac{5\pi}{2}\right]$	$\frac{5\pi}{6}; \frac{7\pi}{6}; \frac{11\pi}{6}; \frac{13\pi}{6};$

12.	$\log_2(\cos 2x + \sin^2 x + \sin x) = \log_{16} \frac{1}{256}.$	$(-1)^{n+1} \frac{\pi}{6} + \pi n$	$\left[-2\pi; -\frac{\pi}{2}\right]$	$-\frac{5\pi}{6};$
13.	$\cos \frac{\pi x}{3} = 2 \cos \frac{\pi x}{6} - 1.$	$12n; 3 + 6k$	$\left[-\frac{7}{2}; 24\right]$	$0; 12; 24; -3; 3; 9; 15; 21$
14.	$3 \cos^2 \left(\frac{\pi}{2} + x\right) - 3 \cos 2x + 12 \sin(x - \pi) = -7$	$(-1)^n \arcsin \frac{2}{3} + \pi n$	$\left[\frac{5\pi}{2}; 4\pi\right]$	$3\pi - \arcsin \frac{2}{3}$
15.	$3^{\sin 2x} = 9^{\cos(\pi+x) \cos\left(\frac{3\pi-x}{2}\right)}.$	$\frac{\pi}{2} + \pi n; 2\pi k; \pm \frac{2\pi}{3} + 4\pi m$	$\left[\frac{\pi}{2}; \frac{5\pi}{2}\right]$	$\frac{\pi}{2}; \frac{3\pi}{2}; \frac{5\pi}{2}; 2\pi; \frac{2\pi}{3}$
16.	$\cos^3 x - \cos x = \sin 2x.$	$\frac{\pi}{2} + \pi n; \pi k$	$\left[-2\pi; -\frac{\pi}{2}\right]$	$-\frac{\pi}{2}; -\frac{3\pi}{2}; -\pi; -2\pi$
17.	$\sin^3 x \cdot \cos x - \sin x \cdot \cos^3 x = \frac{\sqrt{2}}{4} \sin^2 4x$	$(-1)^{n+1} \frac{\pi}{16} + \frac{\pi n}{4}; \frac{\pi k}{4}$	$\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$	$-\frac{5\pi}{2}; -\frac{9\pi}{4}; -2\pi; -\frac{33\pi}{16}; -\frac{37\pi}{16}$
18.	$\log_{\sin^2 x} (2 \sin x - \cos x) + \log_{\sin^2 x} (1 + \cos x) = 1$	$(-1)^k \frac{\pi}{6} + \pi k$	$\left[\frac{5\pi}{2}; 4\pi\right]$	$\frac{17\pi}{6}$
19.	$\sin x + \operatorname{tg} x = \sin 2x.$	$\pi n; \pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi k$	$\left[\frac{\pi}{2}; \frac{5\pi}{2}\right]$	$\pi; \frac{2\pi}{3}; \frac{4\pi}{3}; 2\pi$
20.	$\sin^2 x - \sin x \cdot \cos x = 1.$	$\frac{\pi}{2} + \pi n; -\frac{\pi}{4} + \pi k$	$\left[-2\pi; -\frac{\pi}{2}\right]$	$-\frac{\pi}{2}; -\frac{3\pi}{2}; -\frac{5\pi}{4};$
21.	$4 \sin^2 x + \frac{1}{2} \sin 2x + \cos^2(\pi - x) = 2.$	$-\frac{\pi}{4} + \pi n; \operatorname{arctg} \frac{1}{2} + \pi k$	$\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$	$-\frac{13\pi}{4}; -\frac{9\pi}{4}; \operatorname{arctg} \frac{1}{2} - 3\pi;$
22.	$\frac{1}{\cos 2x} + \sin 2x = 7 \cos 2x$	$\frac{1}{2} \operatorname{arctg} 2 + \frac{\pi n}{2}; -\frac{1}{2} \operatorname{arctg} 3 + \frac{\pi k}{2}$	$\left[\frac{5\pi}{2}; 4\pi\right]$	$\frac{1}{2} \operatorname{arctg} 2 + \frac{5\pi}{2}; \frac{1}{2} \operatorname{arctg} 2 + 3\pi; \frac{1}{2} \operatorname{arctg} 2 + \frac{7\pi}{2};$ $-\frac{1}{2} \operatorname{arctg} 3 + 3\pi; -\frac{1}{2} \operatorname{arctg} 3 + \frac{7\pi}{2}; -\frac{1}{2} \operatorname{arctg} 3 + 4\pi;$
23.	$\sin x + \sin 2x = \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + 2 \sin^2\left(\frac{3\pi}{2} - x\right)$	$\pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi \cdot n; \frac{\pi}{4} + \pi k$	$\left[\frac{\pi}{2}; \frac{5\pi}{2}\right]$	$\frac{9\pi}{4}; \frac{5\pi}{4}; \frac{2\pi}{3}; \frac{4\pi}{3};$
24.	$4^{\cos 2x} + 4^{\cos^2 x} = 3$	$\pm \frac{\pi}{4} + \pi m$ или $\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{2} m$	$\left[-2\pi; -\frac{\pi}{2}\right]$	$-\frac{7\pi}{4}; -\frac{5\pi}{4}; -\frac{3\pi}{4};$

25.	$4\sin 3x + \cos 3x = 4$	$\frac{\pi}{6} + \frac{2\pi n}{3}; \frac{2}{3} \operatorname{arctg} \frac{3}{5} + \frac{2\pi k}{3}$		
26.	$\sin 6x + \sqrt{3} \cos 6x = 2$	$\frac{\pi}{36} + \frac{\pi n}{3}$	$\left[\frac{5\pi}{2}; 4\pi \right]$	$\frac{97\pi}{36}; \frac{109\pi}{36}; \frac{121\pi}{36}; \frac{133\pi}{36};$
27.	$2\sin^2\left(x + \frac{\pi}{2}\right) - \cos(4x - 3\pi) = 0$	$\frac{\pi}{4} + \frac{\pi n}{2}; \pm \frac{\pi}{3} + \pi k$	$\left[\frac{\pi}{2}; \frac{5\pi}{2} \right]$	$\frac{3\pi}{4}; \frac{5\pi}{4}; \frac{9\pi}{4}; \frac{7\pi}{4}; \frac{2\pi}{3}; \frac{4\pi}{3}; \frac{5\pi}{3}; \frac{7\pi}{3};$
28.	$5\cos 2x + \cos(\pi + 4x) = 4\cos^2 x$	$\pi n; \pm \frac{\pi}{6} + \pi k$	$\left[-2\pi; -\frac{\pi}{2} \right]$	$-\pi; -2\pi; -\frac{7\pi}{6}; -\frac{5\pi}{6}; -\frac{11\pi}{6};$
29.	$\sqrt{\cos 2x + 9\cos x} = \sin \frac{x}{2}$	$\pm \arccos\left(\frac{\sqrt{409}-19}{8}\right) + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$ $(-1)^n \cdot 2 \arcsin \sqrt{\frac{27 \pm \sqrt{409}}{2}}$		
30.	$\frac{\cos 2x - 5\sin x - 3}{\sqrt{4-3x-x^2}} = 0$	$-\frac{\pi}{6}; -\frac{5\pi}{6}$		
31.	$\log_2(\cos 2\pi x + \sin^2 \pi x + \sin \pi x) = \log_4 \frac{1}{16}$	$(-1)^{n+1} \frac{1}{6} + n$	$\left[\frac{1}{2}; \frac{5}{2} \right]$	$\frac{11}{6}; \frac{7}{6};$

